
UE ELFE - Programmation Fonctionnelle

durée 1h – documents autorisés

Contrôle de TD**Exercice 1 : Typage d'expressions****Q 1.** Calculez le type des expressions suivantes :

- a. `fun x -> x + 1. ;;`
- b. `fun f x y -> (f x y) + 2 ;;`
- c. `fun f g x -> f(g (f x)) ;;`

Q 2. Donnez une expression pour chacun des types suivants :

- a. `int * int -> int`
- b. `int -> (int -> int) -> int`
- c. `('a -> 'b -> 'c) -> ('a -> 'b) -> 'a -> 'c`
- d. `('a -> 'a -> int) -> ('a -> 'a) -> 'a -> int`

Exercice 2 : Listes

Proposez une écriture récursive des fonctions suivantes :

Q 1. `count l x` : la fonction `count` est de type `'a list -> 'a -> int`. Cette fonction compte, dans une liste `l`, le nombre d'éléments qui sont égaux à `x`.**Q 2.** `flatten l` : la fonction `flatten` est de type `'a list list -> 'a list`. Cette fonction construit la liste des éléments des listes contenues dans `l`.

Par exemple :

$$\text{flatten} \left[\left[[1; 2]; []; [3]; []; [4]; [5] \right] \right] = [1; 2; []; 3; 4; 5]$$

Exercice 3 : Palindromes sur l'ADNUne chaîne d'ADN peut être représentée par une chaîne de caractères sur un alphabet $\{A, T, G, C\}$. Cette chaîne de longueur l est un palindrome si elle vérifie le prédicat suivant :

$$\forall i \in [0..l-1] \quad (s[i], s[l-1-i]) \in \text{Complementaires}$$

L'ensemble des couples de caractères *Complementaires* est $\{('A', 'T'), ('T', 'A'), ('C', 'G'), ('G', 'C')\}$

Voici des exemples de palindromes : "CG", "TCGA", "GTCGAC", "GGTCGACC", "AGGTCGACCT". En revanche, les chaînes "CC", "CT", "CA", "TCGT" n'en sont pas.

Q 1. Réalisez la fonction `Coupe_Extremites s`. Cette fonction est de type `string -> string` et retourne la chaîne `s` tronquée de son premier et dernier caractère. Vous utiliserez les fonctions prédéfinies `String.sub s p l` (retourne la sous-chaîne de `s` de longueur `l` débutant à la position `p`) et `String.length s`.**Q 2.** Réalisez la fonction `Extremites s`. Cette fonction est de type `string -> (char*char)` et retourne la paire de caractères situés aux extrémités gauche et droite de la chaîne `s`. Vous utiliserez les fonctions prédéfinies `String.get s i` (retourne le caractère à la position `i` sur la chaîne `s`) et `String.length s`.**Q 3.** Réalisez la fonction `Complementaire c`. Cette fonction est de type `(char*char) -> bool` et retourne `true` si la paire de caractères `c` est complémentaire, `false` autrement. Vous utiliserez un filtrage de motif.**Q 4.** En remarquant que les palindromes ainsi définis sont de longueur paire, proposez une fonction `Palindrome s` qui vérifie si une chaîne `s` est un palindrome.